

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство образования Тверской области**

**Управление образования города Твери**

**Муниципальное общеобразовательное учреждение**

**средняя общеобразовательная школа № 25**

СОГЛАСОВАНО

Председатель МО учителей  
политехнического цикла

 Лобачёва О.М.

Протокол № 1 от «29» августа 2023 г.

УТВЕРЖДЕНО

Директор  
МОУ СОШ № 25

 Колесникова Н.Ю.

Приказ №154 от «30» августа 2023 г.



**Рабочая программа  
элективного курса  
«Решение задач повышенной сложности по алгебре»  
в 10 - 11-х классах**

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Данная рабочая программа разработана на основе:

1. Обновленного Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования (ФГОС СОО), утвержденного Приказом Минпросвещения от 12.08.2022 № 732;

2. **Примерной программы по алгебре и началам математического анализа по учебнику Ш.А. Алимова, Ю.М.Колягина, М.В.Ткачёвой и др. «Алгебра и начала математического анализа. Сборник рабочих программ 10– 11 классы: учебное пособие для общеобразоват. учреждений»:** М: Просвещение. Составитель Т. А. Бурмистрова и **примерной программы по геометрии по учебнику Л.С. Атанасяна, В.Ф. Бутузова, С.Б. Кадомцева и др. «Геометрия. Сборник рабочих программ 10– 11 классы: учебное пособие для общеобразоват. учреждений»:** М: Просвещение. Составитель Т. А. Бурмистрова

3. Программы воспитания МОУ СОШ №25

Данная программа ориентирована на использование учебника **Ш.А. Алимов, Ю.М.Колягин, М.В.Ткачёва и др. «Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10 – 11 классы. Базовый и углублённый уровни»:** учебник для общеобразовательных учреждений / М., Просвещение, и учебника **Л.С. Атанасян, В.Ф. Бутузов, С.Б. Кадомцев и др. «Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия.**

**Геометрия. 10 – 11 классы. Базовый и углублённый уровни»:** учебник для общеобразовательных учреждений / М., Просвещение.

На изучение курса отводится **1 ч в неделю, итого 34 ч** в 10 классе (34 учебные недели) и **34 ч** в 11 классе (34 учебные недели)

### Цель курса:

дополнительная подготовка учащихся 10 - 11 классов к государственной итоговой аттестации в форме ЕГЭ, к продолжению образования.

Курс призван помочь учащимся с любой степенью подготовленности в овладении способами деятельности, методами и приемами решения математических задач, повысить уровень математической культуры, способствует развитию познавательных интересов, мышления учащихся, умению оценить свой потенциал для дальнейшего обучения в профильной школе.

### Задачи курса:

- закрепить имеющиеся представления у учащихся об основных методах решения математических задач;
- формировать «способность абстрагировать, обобщать, находить пути решения поставленной задачи», выработать «умение делать выводы»;
- выработать «умение анализировать объект, вычленять его сущность, отвлекаясь от несущественных деталей, выделять из него частные случаи».

### Планируемые результаты освоения

Изучение элективного курса «Решение задач повышенной сложности по алгебре» дает возможность обучающимся 10 – 11 -х классов достичь следующих результатов:

**Личностным результатом** изучения курса является формирование следующих умений и качеств с учётом **Программы воспитания:**

- 1) умение ясно, точно, грамотно излагать свои мысли в устной и письменной речи, понимать смысл поставленной задачи, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры;
- 2) критичность мышления, умение распознавать логически некорректные высказывания, отличать гипотезу от факта;

- 3) представление о математической науке как сфере человеческой деятельности, об этапах ее развития, о ее значимости для развития цивилизации;
- 4) креативность мышления, инициатива, находчивость, активность при решении математических задач;
- 5) умение контролировать процесс и результат учебной математической деятельности;
- 6) способность к эмоциональному восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений;
- 7) воля и настойчивость в достижении цели.

**Метапредметным результатом** изучения курса является формирование универсальных учебных действий (УУД).

- 1) представления об идеях и о методах математики как об универсальном языке науки и техники, о средстве моделирования явлений и процессов;
- 2) умение видеть математическую задачу в контексте проблемной ситуации в других дисциплинах, окружающей жизни;
- 3) умение находить в различных источниках информацию, необходимую для решения математических проблем, и представлять ее в понятной форме; принимать решение в условиях неполной и избыточной, точной и вероятностной информации;
- 4) умение понимать и использовать математические средства наглядности (графики, диаграммы, таблицы, схемы и др.) для иллюстрации, интерпретации, аргументации;
- 5) умение выдвигать гипотезы при решении учебных задач и понимать необходимость их проверки;
- 6) умение применять индуктивные и дедуктивные способы рассуждений, видеть различные стратегии решения задач;
- 7) понимание сущности алгоритмических предписаний и умение действовать в соответствии с предложенным алгоритмом;
- 8) умение самостоятельно ставить цели, выбирать и создавать алгоритмы для решения учебных математических проблем;
- 9) умение планировать и осуществлять деятельность, направленную на решение задач исследовательского характера;

**Регулятивные УУД:**

- 1) самостоятельно обнаруживать и формулировать учебную проблему, определять цель УУД;
- 2) выдвигать версии решения проблемы, осознавать (и интерпретировать в случае необходимости) конечный результат, выбирать средства достижения цели из предложенных, а также искать их самостоятельно;
- 3) составлять (индивидуально или в группе) план решения проблемы (выполнения проекта);
- 4) работая по плану, сверять свои действия с целью и при необходимости исправлять ошибки самостоятельно (в том числе и корректировать план);
- 5) в диалоге с учителем совершенствовать самостоятельно выбранные критерии оценки;

**Познавательные УУД:**

- 1) проводить наблюдение и эксперимент под руководством учителя;
- 2) осуществлять расширенный поиск информации с использованием ресурсов библиотек и интернета;
- 3) осуществлять выбор наиболее эффективных способов решения задач в зависимости от конкретных условий;
- 4) анализировать, сравнивать, классифицировать и обобщать факты и явления;
- 5) давать определения понятиям;

**Коммуникативные УУД:**

- 1) самостоятельно организовывать учебное взаимодействие в группе (определять общие цели, договариваться друг с другом и т.д.);
- 2) в дискуссии уметь выдвинуть аргументы и контраргументы;
- 3) учиться критично относиться к своему мнению, с достоинством признавать ошибочность своего мнения и корректировать его;
- 4) понимая позицию другого, различать в его речи: мнение (точку зрения), доказательство (аргументы), факты (гипотезы, аксиомы, теории);

**Предметным результатом** изучения курса является сформированность следующих умений.

- 1) овладение базовым понятийным аппаратом по основным разделам содержания; представление об основных изучаемых понятиях (число, геометрическая фигура, геометрическое тело, уравнение, функция, вероятность) как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать реальные процессы и явления;
- 2) умение работать с математическим текстом (анализировать, извлекать необходимую информацию), точно и грамотно выражать свои мысли в устной и письменной речи применением математической терминологии и символики, использовать различные языки математики, проводить классификации, логические обоснования, доказательства математических утверждений;
- 3) развитие представлений о числе и числовых системах от натуральных до действительных чисел; овладение навыками устных, письменных, инструментальных вычислений;
- 4) овладение системой функциональных понятий, функциональным языком и символикой; умение использовать функционально-графические представления для описания и анализа реальных зависимостей;
- 5) овладение геометрическим языком, умение использовать его для описания предметов окружающего мира; развитие пространственных представлений и изобразительных умений, приобретение навыков геометрических построений;
- 6) усвоение систематических знаний о геометрических телах в пространстве и их свойствах, умение применять систематические знания о них для решения геометрических и практических задач;
- 7) умение измерять длины отрезков, величины углов, использовать формулы для нахождения площадей и объемов геометрических тел;
- 8) умение применять изученные понятия, результаты, методы для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин с использованием при необходимости справочных материалов, калькулятора, компьютера.

### **Предметная область «Алгебра»**

- 1) Выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы, применение вычислительных устройств; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма, используя при необходимости вычислительные устройства; пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах;
- 2) Проводить преобразования числовых и буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции;
- 3) Выполнять практические расчеты по формулам, включая формулы, содержащие степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции, при необходимости используя справочные материалы и простейшие вычислительные устройства.
- 4) Определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции;
- 5) Строить графики изученных функций, выполнять преобразования графиков;
- 6) Описывать по графику и по формуле поведение и свойства функций;
- 7) Решать уравнения, системы уравнений, неравенства, используя свойства функций и их графические представления;
- 8) Описывать и исследовать функции реальных зависимостей, представлять их графически; интерпретировать графики реальных процессов.
- 9) Решать текстовые задачи с помощью составления уравнений и неравенств, интерпретируя результат с учетом ограничений условия задачи;

### **Содержание элективного курса «Решение задач повышенной сложности по алгебре»**

#### **10 класс**

##### **1. Уравнения и неравенства**

Линейное уравнение. Квадратное уравнение. Неполные квадратные уравнения. Разложение квадратного трехчлена на множители. Дробно-рациональное уравнение. Линейные неравенства. Квадратные неравенства (метод построения параболы). Решение рациональных неравенств (метод интервалов). Уравнения и неравенства, содержащие модуль.

## **2. Выражения и их преобразования**

Целые числа. Степень с целым показателем. Свойства степени с целым показателем. Разложение многочлена на множители. Сокращение дроби. Сумма и разность дробей. Произведение и частное дробей. Преобразование иррациональных выражений.

## **3. Текстовые задачи**

Понятие процента. Задачи на проценты. Задачи практического содержания на проценты. Задачи практического содержания на смеси и сплавы. Элементарные графики и элементы статистической обработки информации. Задачи на анализ практической ситуации. Задачи на работу. Задачи на движение.

# **11 класс**

## **1. Уравнения и неравенства**

Формулы корней простейших тригонометрических уравнений. Частные случаи решения простейших тригонометрических уравнений. Отбор корней, принадлежащих промежутку. Способы решения тригонометрических уравнений. Иррациональные уравнения. Метод равносильности. Иррациональные неравенства. Алгоритм решения неравенств методом интервалов. Показательные уравнения. Методы решения показательных уравнений. Показательные неравенства, примеры решений. Логарифмические уравнения. Метод равносильности. Логарифмические неравенства.

## **2. Выражения и их преобразования**

Соотношения между тригонометрическими функциями одного и того же аргумента. Формулы кратных аргументов. Обратные тригонометрические функции. Свойства степени с целым показателем. Разложение многочлена на множители. Сокращение дроби. Сумма и разность дробей. Произведение и частное дробей. Преобразование иррациональных выражений. Свойства степени с рациональным показателем. Логарифм. Свойства логарифмов. Преобразования логарифмических выражений.

## **3. Исследование функций методами математического анализа**

Исследование функций элементарными методами. Производная функции, ее геометрический и физический смысл. Исследование функций на экстремумы. Исследование функций на возрастание и убывание. Исследование функций на наибольшее и наименьшее значение (в т.ч. на отрезке). Исследование функций с помощью графика её производной.

## Тематическое планирование 10 класс

Тема	Количество часов	Сроки
<b>Уравнения и неравенства</b>		
Алгебраическое выражение. Тождество.	1	
Различные способы тождественных преобразований.	1	
Линейные и квадратные уравнения.	1	
Уравнения и неравенства, содержащие модуль.	1	
Линейные и квадратные неравенства. Метод параболы.	3	
Дробно-рациональное уравнение.	1	
Решение рациональных неравенств. Метод интервалов.	3	
Обобщающее занятие по теме.	1	
<b>Выражения и их преобразования</b>		
Целые числа. Степень с целым показателем. Свойства степени с целым показателем.	1	
Разложение многочлена на множители. Сокращение дроби.	3	
Сумма и разность дробей. Произведение и частное дробей.	1	
Преобразование иррациональных выражений.	3	
<b>Текстовые задачи</b>		
Понятие процента. Задачи на проценты в заданиях ГИА.	1	
Задачи на смеси и сплавы.	2	
Задачи на анализ практической ситуации.	1	
Задачи на работу.	1	
Задачи на движение.	1	
Элементарные графики и элементы статистической обработки информации. Разбор заданий ГИА.	3	
Задачи экономического содержания.	4	
Обобщающее занятие по теме.	1	
Итого:	34	

## 11 класс

Тема	Количество часов	Сроки
<b>Уравнения и неравенства</b>		
Преобразование тригонометрических выражений.	2	
Решение простейших тригонометрических уравнений и неравенств.	1	
Решение тригонометрических уравнений различными способами.	2	
Отбор корней, принадлежащих промежутку. Решение заданий ЕГЭ.	1	
Иррациональные уравнения. Метод равносильности.	2	
Иррациональные неравенства. Алгоритм решения неравенств методом интервалов.	1	
Показательные уравнения. Методы решения показательных уравнений.	1	
Показательные неравенства, примеры решений заданий ЕГЭ.	2	
Логарифмические уравнения. Метод равносильности.	1	
Логарифмические неравенства.	3	
<b>Выражения и их преобразования</b>		
Соотношения между тригонометрическими функциями одного и того же аргумента. Формулы кратных аргументов.	2	
Свойства степени с целым показателем.	1	
Разложение многочлена на множители. Сокращение дроби.	1	
Сумма и разность дробей. Произведение и частное дробей.	1	
Преобразование иррациональных выражений.	1	
Свойства степени с рациональным показателем.	1	
Логарифм. Свойства логарифмов.	1	
Преобразования логарифмических выражений. Решение заданий ЕГЭ.	4	
<b>Исследование функций методами математического анализа</b>		
Производная функции, ее геометрический и физический смысл.	1	
Исследование функций на экстремумы.	1	
Исследование функций на возрастание и убывание.	1	
Исследование функций на наибольшее и наименьшее значение.	1	
Исследование функций с помощью графика её производной. Решение заданий ЕГЭ.	2	
Итого:	34	

## **Источники информации**

1. Учебно-методический комплекс «Математика. Подготовка к ЕГЭ»

под редакцией Ф.Ф. Лысенко, С.Ю. Кулабухова; Ростов-на-Дону, Легион-М, 2021 г.

2. <http://sdamgia.ru> – СДАМ ГИА: решу ВПР, ОГЭ, ЕГЭ .
3. [www.fipi.ru](http://www.fipi.ru) – сайт ФИПИ (демоверсия ЕГЭ-2022, нормативные документы)
4. <http://school-collection.edu.ru> - единая коллекция цифровых образовательных ресурсов